

Constantes Fundamentales		
Valores Internacionales recomendados (CODATA)		
Velocidad de la luz en el vacío	c	299 792 458 ms ⁻¹
Permitividad del vacío	$\epsilon_0 = 1/\mu_0 c^2$	8.854 187 817 10 ⁻¹² F m ⁻¹
Constante de Planck	h	6.626 0693(11) 10 ⁻³⁴ J s
	$\hbar = h/2\pi$	1.054 571 68 (18) 10 ⁻³⁴ J s
Carga elemental	e	1.602 176 53(14) 10 ⁻¹⁹ C
Masa del electrón en reposo	m_e	9.109 3826 (16) 10 ⁻³¹ kg
Masa del protón en reposo	m_p	1.672 621 71 (29) 10 ⁻²⁷ kg
Masa del neutrón en reposo	m_n	1.674 927 28 (29) 10 ⁻²⁷ kg
Constante de masa atómica	$m_u = 1u$	1.660 538 86 (28) 10 ⁻²⁷ kg
Constante de Avogadro	L, N_A	6.022 1415 (10) 10 ²³ mol ⁻¹
Constante de Boltzmann	k	1.380 6505 (24) 10 ⁻²³ J K ⁻¹
Constante de los gases	R	8.314 472 (15) J K ⁻¹ mol ⁻¹
Cero en la escala Celsius		273.15 K
Radio de Bohr	$a_0 = 4\pi\epsilon_0\hbar^2/m_e e^2$	5.29 177 2108 (18) 10 ⁻¹¹ m
Energía Hartree	$E_h = \hbar^2/m_e a_0^2$	4.359 744 17 (75) 10 ⁻¹⁸ J
Constante de Rydberg	$R_\infty = E_h/2hc$	1.097 373 156 8525 (73) 10 ⁷ m ⁻¹

Factores de conversión	
1 atm = 1.01325 10 ⁵ N/m ² (Pa)	1 eV = 1.6022 10 ⁻¹⁹ J
1 torr = 133.322 N/m ² = 1/760 atm	1 Å = 10 ⁻¹⁰ m = 10 ⁻⁸ cm
1 bar = 10 ⁵ N/m ² = 0.986923 atm	1 L = 10 ³ cm ³ = 1 dm ³
1 dina = 10 ⁻⁵ N	1 erg = 10 ⁻⁷ J
1 cal = 4.184 J	

Prefijos SI											
10 ⁻¹	deci	d	10 ⁻⁹	nano	n	10	deca	D	10 ⁹	giga	G
10 ⁻²	centi	c	10 ⁻¹²	pico	p	10 ²	hecto	h	10 ¹²	tera	T
10 ⁻³	mili	m	10 ⁻¹⁵	femto	f	10 ³	kilo	k	10 ¹⁵	peta	P
10 ⁻⁶	micro	μ	10 ⁻¹⁸	atto	a	10 ⁶	mega	M	10 ¹⁸	exa	E

Factores de conversión para unidades de energía				
	E_h	J	eV	cm ⁻¹
1 E_h =	1	4.3597 10 ⁻¹⁸	27.211	2.1947 10 ⁵
1 J =	2.2937 10 ¹⁷	1	6.2415 10 ¹⁸	5.0341 10 ²²
1 eV =	3.6749 10 ⁻²	1.6022 10 ⁻¹⁹	1	8.0655 10 ³
1 cm ⁻¹ =	4.5563 10 ⁻⁶	1.9864 10 ⁻²³	1.2398 10 ⁻⁴	1
1 K =	3.1668 10 ⁻⁶	1.3806 10 ⁻²³	8.6173 10 ⁻⁵	6.9504 10 ⁻¹
1 kcal =	9.5982 10 ²⁰	4.1840 10 ³	2.6116 10 ²²	2.1066 10 ²⁶
1 kcal/mol =	1.5931 10 ⁻³	6.9446 10 ⁻²¹	4.3348 10 ⁻²	3.4964 10 ²
1 g =	2.0615 10 ³¹	8.9876 10 ¹³	5.6096 10 ³²	4.5244 10 ³⁶
	K	kcal	kcal/mol	g
1 E_h =	3.1578 10 ⁵	1.0419 10 ⁻²¹	6.2751 10 ²	4.8509 10 ⁻³²
1 J =	7.2430 10 ²²	2.3901 10 ⁻⁴	1.4400 10 ²⁰	1.1126 10 ⁻¹⁴
1 eV =	1.1605 10 ⁴	3.8290 10 ⁻²³	2.3061 10 ¹	1.7827 10 ⁻³³
1 cm ⁻¹ =	1.4388	4.7471 10 ⁻²⁷	2.8601 10 ⁻³	2.2102 10 ⁻³⁷
1 K =	1	3.2993 10 ⁻²⁷	1.9878 10 ⁻³	1.5362 10 ⁻³⁷
1 kcal =	3.3009 10 ²⁶	1	6.0249 10 ²³	4.6553 10 ⁻¹¹
1 kcal/mol =	5.0307 10 ²	1.6598 10 ⁻²⁴	1	7.7268 10 ⁻³⁵
1 g =	6.5097 10 ³⁶	2.1481 10 ¹⁰	1.2942 10 ³⁴	1

Relaciones trigonométricas

$$\operatorname{sen}(\alpha + \beta) = \operatorname{sen}\alpha \cos\beta + \cos\alpha \operatorname{sen}\beta$$

$$\operatorname{sen}(\alpha - \beta) = \operatorname{sen}\alpha \cos\beta - \cos\alpha \operatorname{sen}\beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \operatorname{sen}\alpha \operatorname{sen}\beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \operatorname{sen}\alpha \operatorname{sen}\beta$$

$$\operatorname{sen}2\alpha = 2\operatorname{sen}\alpha \cos\alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \operatorname{sen}^2\alpha$$

$$2\operatorname{sen}^2\alpha = 1 - \cos 2\alpha$$

$$2\cos^2\alpha = 1 + \cos 2\alpha$$

Fórmula de Euler

$$e^{i\theta} = \cos\theta + i\operatorname{sen}\theta$$

Integrales

$$\int x \operatorname{sen}^2 ax dx = \frac{x^2}{4} - \frac{x}{4a} \operatorname{sen}(2ax) - \frac{1}{8a^2} \cos(2ax) + C$$

$$\int \cos^2\theta \operatorname{sen}\theta d\theta = -\frac{1}{3} \cos^3\theta + C$$

$$\int \operatorname{sen}^2\theta d\theta = \frac{\theta}{2} - \frac{1}{4} \operatorname{sen}(2\theta) + C$$

$$\int \operatorname{sen}^3\theta d\theta = -\frac{1}{3}(\cos\theta)(\operatorname{sen}^2\theta + 2) + C$$

$$\int_0^\infty x^n e^{-\alpha x} dx = \frac{n!}{\alpha^{n+1}} \quad \text{con } n \text{ entero } \geq 0$$

$$\int x^2 e^{-\alpha x} dx = -\left(\frac{x^2}{\alpha} + \frac{2x}{\alpha^2} + \frac{2}{\alpha^3}\right) e^{-\alpha x} + C$$

$$\int x^4 e^{-\alpha x} dx = -\left(\frac{x^4}{\alpha} + \frac{4x^3}{\alpha^2} + \frac{12x^2}{\alpha^3} + \frac{24x}{\alpha^4} + \frac{24}{\alpha^5}\right) e^{-\alpha x} + C$$

$$\int_0^\infty e^{-\alpha x^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{\alpha}}$$

$$\int_0^\infty x^{2n} e^{-\alpha x^2} dx = \frac{(2n-1)!!}{2^{n+1} \alpha^n} \sqrt{\frac{\pi}{\alpha}} \quad \text{con } n \text{ entero } \geq 1$$

$$\int_0^\infty x^{2n+1} e^{-\alpha x^2} dx = \frac{n!}{2\alpha^{n+1}} \quad \text{con } n \text{ entero } \geq 0$$

Operadores

$$\nabla^2 = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} r^2 \frac{\partial}{\partial r} + \frac{1}{r^2 \operatorname{sen}\theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \operatorname{sen}\theta \frac{\partial}{\partial \theta} + \frac{1}{r^2 \operatorname{sen}^2\theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2}$$

1. El oído humano es sensible a ondas sonoras con frecuencias comprendidas entre 15 Hz y 20 kHz. La velocidad del sonido en el aire es 343 m/s. Calcular las longitudes de onda correspondientes a estas frecuencias.
2. La línea más intensa del espectro del átomo de sodio tiene una longitud de onda de 589 nm. Calcular el correspondiente número de onda y la energía de la transición implicada en electronvoltios por fotón, y en kJ/mol.
3. Calcular la longitud de onda máxima de un fotón que pueda producir la reacción:



4. La reacción fotoquímica



es una de las fuentes de átomos de oxígeno (y por tanto de ozono) más importante en la atmósfera terrestre. La energía de disociación es 306 kJ/mol. Encontrar la longitud de onda de un fotón capaz de producir dicha reacción.

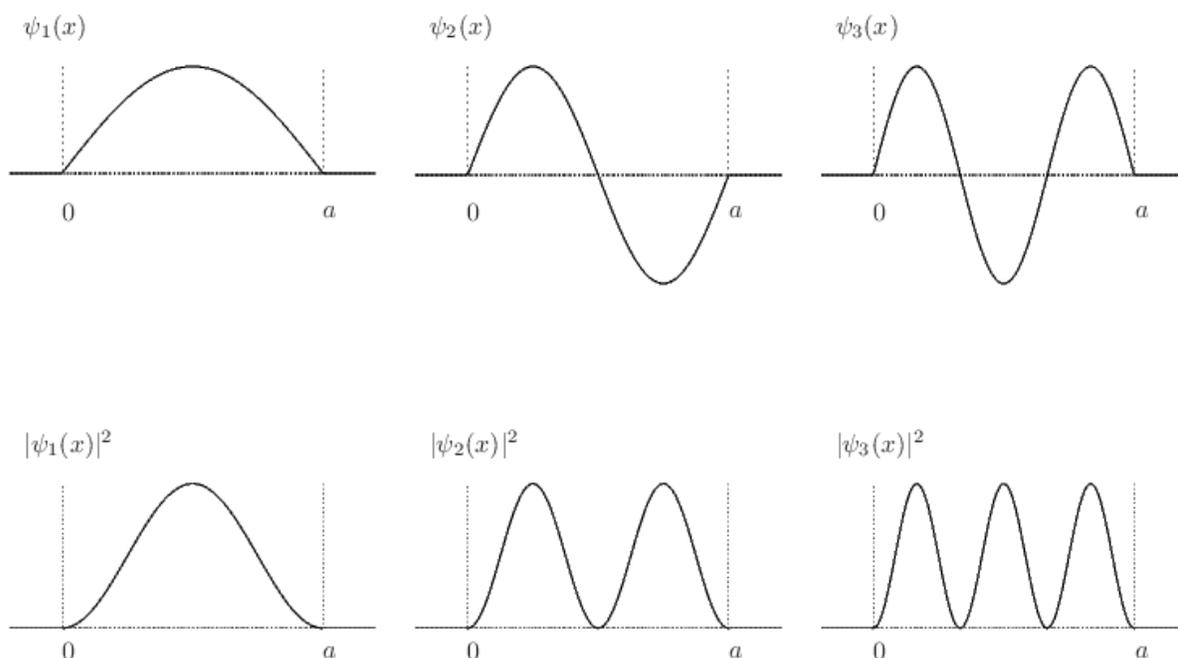
5. La frecuencia umbral para la emisión fotoeléctrica del cobre es $1.1 \times 10^{15} \text{ s}^{-1}$. ¿Cuál será la energía máxima (en electronvoltios) de los fotoelectrones emitidos cuando la luz de frecuencia $1.5 \times 10^{15} \text{ s}^{-1}$ incide sobre una superficie de cobre?.
6. El potencial de extracción del sodio es 2.3 eV: a) ¿cuál será la máxima longitud de onda de la luz, que producirá emisión de fotoelectrones en el sodio? y b) ¿cuál será la energía cinética máxima de los fotoelectrones si luz de 2000 Å incide sobre una superficie de sodio?.
7. La función trabajo del K es 2.2 eV y la del Ni 5.0 eV. (a) Calcular las frecuencias y longitudes de onda umbral para estos dos metales. (b) ¿Dará lugar la luz ultravioleta de longitud de onda 400 nm al efecto fotoeléctrico en el K? ¿Y en el Ni? (c) Calcular la máxima energía cinética de los electrones emitidos en (b).
8. Cuando se ilumina una cierta superficie metálica con luz de diferentes longitudes de onda y se miden los potenciales que detienen los fotoelectrones, se obtienen los valores que se muestran en la siguiente tabla:

$\lambda(10^{-7}m)$	3.66	4.05	4.36	4.92	5.46	5.79
V(V)	1.48	1.15	0.93	0.62	0.36	0.24

Representando el potencial en función de la frecuencia, determinar: (a) la frecuencia umbral, (b) el potencial de extracción del metal, y (c) la constante de Planck.

9. Cuando cierto metal se irradia con luz de frecuencia $3.0 \times 10^{16} \text{ s}^{-1}$, los fotoelectrones emitidos tienen una energía cinética doce veces mayor que los fotoelectrones emitidos cuando el mismo metal se irradia con luz de frecuencia $2.0 \times 10^{16} \text{ s}^{-1}$. ¿Cuál será la frecuencia umbral del metal?.
10. En un tubo de rayos X donde los electrones se aceleran con un potencial de 5000 V, la mínima longitud de onda de los rayos X producidos es 248 pm. Estimad el valor de la constante de Planck.
11. Calcular la frecuencia hacia la cual convergen todas las líneas espectrales de la serie de Lyman. ¿Cuál será la longitud de onda y la energía de esta radiación?.
12. Calcular la longitud de onda en Angstrom y la frecuencia en s^{-1} de la primera línea de la serie de Balmer.
13. Calcular el potencial de ionización del átomo de hidrógeno cuando el electrón ocupa la órbita con número cuántico principal igual a 5.
14. Calcular la longitud de onda de De Broglie asociada a:
 - (a) un electrón con 15 keV de energía cinética, (b) un protón con 15 keV de energía cinética, (c) una molécula de SF₆ a una velocidad de 1 m/s, y (d) un objeto de 1 kg a una velocidad de 1 m/s.
15. Calcular el módulo de (a) -2 , (b) $3 - 2i$, (c) $\cos \theta + i \operatorname{sen} \theta$, (d) $y \exp(iax)$.
16. Probar que $(fg)^* = f^*g^*$ donde f y g son cantidades complejas.

17. Verificar que si Ψ es una solución de la ecuación de Schrödinger dependiente del tiempo, entonces $c\Psi$ es también solución siendo c una constante.
18. Comprobar que las funciones $\Psi(x, t) = A \exp[2\pi i(\pm x/\lambda - \nu t)]$ son soluciones de la ecuación de Schrödinger monodimensional dependiente del tiempo de una partícula libre. Suponiendo que λ es la longitud de onda de De Broglie, expresar ν en función del momento lineal p .
19. Si la posición de un electrón se mide con una precisión de $\pm 0.001 \text{ \AA}$ ¿Cuál será la máxima precisión para el momento?
20. Un átomo sufre una transición desde un estado excitado con un tiempo de vida de 1 ns al estado fundamental, y emite un fotón con una longitud de onda de 600 nm. Calcular la incertidumbre en la energía del estado excitado.
21. Hallar la longitud de onda de la luz emitida cuando una partícula de $1.0 \times 10^{-27} \text{ g}$ en una caja monodimensional de 30 nm pasa del nivel $n = 2$ al nivel $n = 1$.
22. Calcular la energía en electronvoltios (eV) de los niveles $n = 1, 2$ y 3 de un electrón en una caja de potencial monodimensional de longitud $a = 560 \text{ pm}$.



23. Para una partícula en el estado estacionario n de una caja monodimensional de longitud a , encontrar la probabilidad de que la partícula esté en la región $0 \leq x \leq a/4$.
24. Para el estado fundamental de una partícula en una caja monodimensional de longitud a , encontrar la probabilidad de que la partícula esté entre $\pm 0.001a$ del punto $a/2$. Calcular el valor medio de la posición y el momento.
25. Para el estado estacionario de número cuántico n de la partícula en una caja, escribir una expresión para la probabilidad de que la partícula se encuentre entre $a/4$ y $a/2$.
26. Para un electrón en una determinada caja monodimensional, la transición observada de menor frecuencia es $2.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$. Calcular la longitud de la caja.
27. Teniendo en cuenta las condiciones de continuidad que la función de onda debe satisfacer, que pasaría a los niveles de energía de una partícula en una caja monodimensional si la longitud de la caja cambia de a a a/j ($j = 2, 3, \dots$).
28. Encontrar las funciones de onda y las correspondientes energías para los estados estacionarios de una partícula en una caja de potencial tridimensional de lados a, b y c .

29. Para una partícula en una caja cúbica de lado a : (a) ¿Cuántos estados tienen energías en el rango de 0 a $16h^2/8ma^2$? (b) ¿Cuántos niveles de energía caen en ese rango?
30. Para una partícula en una caja tridimensional de lados a, b y c con $a \neq b = c$, hacer una tabla de n_x, n_y, n_z , las energías y las degeneraciones de los niveles con números cuánticos en el rango de 1 a 5 (Tomar $a^2/b^2 = 2$).
31. Comprobar que la función $\phi = N \exp(-\alpha x^2/2)$ es solución de la ecuación de Schrödinger para un oscilador armónico. Relacionar α con la constante de fuerza del oscilador y la masa de la partícula, y calcular la energía correspondiente a esa solución. Calcular el valor medio de la posición de la partícula.
32. La molécula HI tiene una constante de fuerza de enlace de 314 Nm^{-1} . Calcular para $^1H^{127}I$ y $^2D^{127}I$: (a) La frecuencia vibracional clásica en s^{-1} , (b) el número de onda correspondiente a la transición de $n = 0$ a $n = 1$ en el espectro vibracional.
33. Calcular la frecuencia de la radiación emitida cuando un oscilador armónico de frecuencia $6.0 \times 10^{13} \text{ s}^{-1}$ salta del nivel $v = 8$ al $v = 7$.
34. Dada la función de onda normalizada para una partícula que se mueve en una dimensión

$$\phi(x) = (4\alpha^3/\pi)^{1/4} x e^{-\alpha x^2/2}$$

- (a) Comprobar si existe algún valor de α para el cual esta función es solución de la ecuación de Schrödinger para un oscilador armónico monodimensional de masa m y constante de fuerza k .
- (b) Obtener la densidad de probabilidad en $x = 0$.
- (c) Calcular las posiciones de los máximos de la densidad de probabilidad en función de α .
35. Un oscilador armónico tridimensional tiene un potencial $V = \frac{1}{2}k_x x^2 + \frac{1}{2}k_y y^2 + \frac{1}{2}k_z z^2$, donde las tres constantes de fuerza no son necesariamente iguales. Escribir una expresión para los niveles de energía de este sistema ¿Cuál es el punto cero de energía?
36. Expresar $\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2}$ en coordenadas polares.
37. Mostrar que si $\Phi = N e^{im\phi}$ es una función definida entre 0 y 2π , la constante de normalización N vale $(2\pi)^{-1/2}$.
38. Calcular la energía electrostática de dos electrones separados 3.0 \AA en el vacío. Expresar la respuesta en Julios, ergios y eV.
39. ¿Existe una atracción gravitatoria entre el electrón y el protón en el átomo de hidrógeno? Si existe ¿por qué no se tiene en cuenta en el Hamiltoniano? Hacer un cálculo para justificar la respuesta.
40. a) Supongamos $z_1 = a_1 + ib_1$ y $z_2 = a_2 + ib_2$, donde $i = \sqrt{-1}$ y los coeficientes a y b son reales. Si $z_1 = z_2$, indicar que condiciones tienen que cumplir los coeficientes a y b .
- b) Verifique que para la función $\Phi(\phi) = N e^{im\phi}$ el requisito $\Phi(\phi) = \Phi(\phi + 2\pi)$ conduce a la condición de que m sea un número entero.
41. Usar la energía de ionización del H para predecir la de los iones He^+ , Li^{2+} y U^{91+} .
42. Calcular la longitud de onda del fotón emitido cuando un electrón salta del nivel $n = 3$ al $n = 2$ de un átomo hidrogenoide. Indicar para que estados es posible este salto.
43. Ya que los átomos de H y D poseen distinta masa reducida, existirán pequeñas diferencias de energías entre sus niveles. Calcular los potenciales de ionización y la longitud de onda de la primera línea de la serie de Balmer para los dos isótopos.
44. Un átomo hidrogenoide tiene una serie de líneas espectrales a $26.2445, 19.4404, 17.3578$ y 16.4028 nm . Calcular la carga nuclear del átomo y describir a qué transiciones corresponden cada una de las líneas espectrales.
45. ¿Cuáles de las siguientes transiciones están permitidas en el espectro electrónico de un átomo hidrogenoide?
(a) $2s \rightarrow 1s$ (b) $2p \rightarrow 1s$ (c) $3d \rightarrow 1s$ (d) $3d \rightarrow 3p$

46. Demostrar que el máximo de la función de distribución radial para el estado fundamental de un átomo hidrogenoide está en $r = a_0/Z$. Encontrar los valores numéricos para C^{5+} y B^{4+} .
47. Calcular la probabilidad de que el electrón en el estado 1s del átomo de hidrógeno esté a una distancia del núcleo entre 0 y 2.0 \AA
48. Comprobar que la constante de normalización N del orbital 1s: $\phi_{1s} = N \exp[-Zr/a_0]$ es $N = [\frac{Z^3}{\pi a_0^3}]^{1/2}$
49. La función de onda normalizada del orbital 1s de un átomo hidrogenoide es:

$$\phi_{1s} = (Z^3/\pi a_0^3)^{1/2} e^{-Zr/a_0}$$

- (a) Determinar el valor medio de la distancia del núcleo al electrón para el orbital 1s del átomo de H y del ion He^+ .
- (b) Comparar los resultados del apartado anterior con el valor del máximo de la función de distribución radial.
- (c) Determinar el valor medio de la energía potencial en ambos sistemas.
50. Dado el siguiente orbital del átomo de hidrógeno:

$$\psi = N r e^{-\frac{r}{2a_0}} \cos \theta$$

- (a) Encontrar sus números cuánticos y decir de que orbital se trata.
- (b) Usando los resultados del apartado anterior, decir cuánto vale el módulo del momento angular del electrón cuando está en este estado.
- (c) Decir cuánto vale la proyección sobre el eje z del momento angular del electrón cuando está en este estado.
- (d) Encontrar sus planos nodales.
- (e) Comprobar que su constante de normalización vale $N = \left(\frac{1}{32\pi a_0^5}\right)^{\frac{1}{2}}$
- (f) Calcular el valor más probable de la distancia entre el electrón y el núcleo.
- (g) Calcular la probabilidad de hallar el electrón entre los valores de $r = 0$ y $r = 4a_0$.
- (h) Calcular el valor medio de r y de la energía potencial.
- (i) Calcular la probabilidad de hallar el electrón entre los valores de $\theta = 0$ y $\theta = 10^\circ$.
- (j) Calcular la probabilidad de hallar el electrón entre los valores de $\theta = 170^\circ$ y $\theta = 180^\circ$.
- (k) Calcular la probabilidad de hallar el electrón entre los valores de $\theta = 80^\circ$ y $\theta = 100^\circ$.
- (l) Evaluar la densidad de probabilidad en los puntos $(x = 0, y = 0, z = 2a_0)$ y $(x = a_0, y = a_0, z = 0)$.
51. Comprobar que la función $f(r, \theta) = N r \exp[-Zr/2a_0] \cos \theta$ es solución de la ecuación de Schrödinger para un átomo hidrogenoide y obtener la energía de esta función.
52. Aplicando el método variacional, aproximar el estado fundamental de un átomo hidrogenoide empleando como funciones de prueba las dos siguientes:

$$(a) f_1(\xi, r) = e^{-\xi r^2} \quad \text{para } 0 \leq r \leq \infty$$

$$(b) f_2(\xi, r) = e^{-\xi r} \quad \text{para } 0 \leq r \leq \infty$$

La solución deberá obtenerse en dos pasos. En el primero deberán construirse los funcionales variacionales de la energía (h_i) como:

$$h_i(\xi) = \frac{\langle f_i | \hat{H} | f_i \rangle}{\langle f_i | f_i \rangle}, \quad i = 1, 2$$

En el segundo paso se deberá minimizar $h_i(\xi)$ respecto al parámetro variacional ξ . Datos útiles:

$$\hat{H} = -\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{Z}{r}$$

$$\int_0^\infty dt e^{-\alpha t} t^\nu = \frac{\nu!}{\alpha^{\nu+1}}$$

con $\frac{1}{2}! = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$. Teniendo en cuenta la forma de $h_i(\xi)$ habrá que resolver las siguientes integrales para cada una de las funciones:

$$\begin{aligned} \langle f_i | f_i \rangle &= \int_0^{2\pi} d\phi \int_0^\pi \sin\theta d\theta \int_0^\infty r^2 f_i(\xi, r) f_i(\xi, r) dr \\ \langle f_i | -\frac{1}{2}\nabla^2 | f_i \rangle &= \int_0^{2\pi} d\phi \int_0^\pi \sin\theta d\theta \int_0^\infty r^2 f_i(\xi, r) \left[-\frac{1}{2}\nabla^2 f_i(\xi, r) \right] dr \\ \langle f_i | -\frac{Z}{r} | f_i \rangle &= -Z \int_0^{2\pi} d\phi \int_0^\pi \sin\theta d\theta \int_0^\infty r^2 f_i(\xi, r) \frac{1}{r} f_i(\xi, r) dr \end{aligned}$$

53. Establecer si cada una de estas funciones es simétrica, antisimétrica o ni una cosa ni la otra

- $f(1)g(2)$
- $g(1)g(2)$
- $f(1)g(2) - g(1)f(2)$
- $r_1^2 - 2r_1r_2 + r_2^2$
- $(r_1 - r_2)e^{-br_{12}}$

donde f y g son funciones arbitrarias de las coordenadas de las partículas idénticas 1 y 2, r_1 , r_2 son las distancias de las partículas al núcleo y r_{12} la distancia entre las dos.

54. Tomando

$$\Psi(1, 2) = \begin{vmatrix} \psi_A(1) & \psi_B(1) \\ \psi_A(2) & \psi_B(2) \end{vmatrix}$$

demostrar que

- el intercambio de 2 columnas cambia el signo de Ψ ,
 - el intercambio de 2 filas cambia el signo de Ψ ,
 - los dos electrones no pueden estar en el mismo espín-orbital.
55. Mostrar que la siguiente función de onda para el átomo de helio es antisimétrica con respecto al intercambio de los dos electrones

$$\Psi(1, 2) = \begin{vmatrix} 1s\alpha(1) & 1s\beta(1) \\ 1s\alpha(2) & 1s\beta(2) \end{vmatrix}$$

56. Los primeros potenciales de ionización del Na, K y Rb son 5.138, 4.341 y 4.166 eV, respectivamente. Suponiendo que el nivel de energía del electrón mas externo puede representarse por la energía de los orbitales hidrogenoides con una carga nuclear efectiva Z_{ef} , y que los orbitales importantes son los 3s, 4s y 5s, respectivamente, calcular Z_{ef} para estos átomos

57. Escriba el hamiltoniano para el movimiento interno del átomo de Li.

58. Dados los orbitales atómicos $1s$ y $2s$ del átomo de Be, construir el determinante de Slater para el estado fundamental.

59. Deducir el término espectral para el estado fundamental correspondiente a las configuraciones $np^1 n'p^1$, $ns np^5$, $ns nd$, np^2 , np^3 , nd^2 , teniendo en cuenta las reglas de Hund.

60. Deducir el término espectral para el estado fundamental de los átomos de He, Li, Be, B, C, N, O y F.

61. Deducir los términos espectrales posibles de las configuraciones:

- $1s2s$ del átomo de He
- $1s2p$ del átomo de He
- $1s^22p$ del átomo de Li

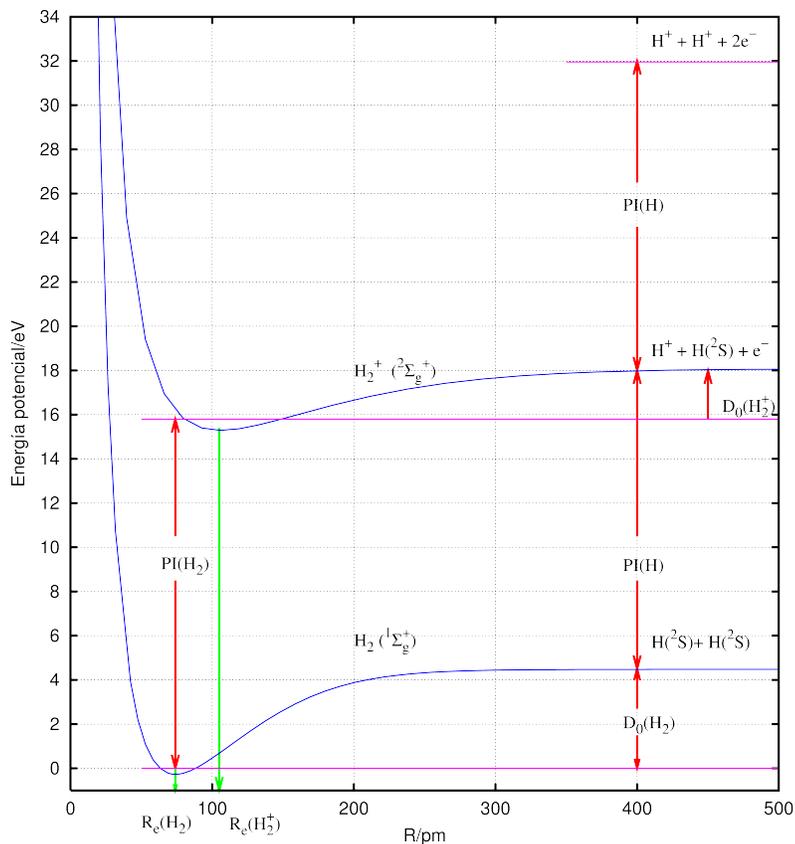
Átomo	x/a_0	y/a_0	z/a_0
O	0	0	0
H	-1.2	-1.	0
H	1.2	-1.	0

- $1s^2 2s 2p$ del átomo de Be

62. Calcular la energía de repulsión nuclear para la molécula de H_2O dadas las siguientes coordenadas cartesianas nucleares
63. Calcular la energía de repulsión nuclear para la molécula de H_2O dadas las siguientes coordenadas internas nucleares

Coordenada interna	
R(OH)	0.958 Å
\widehat{HOH}	104.5°

64. El primer estado excitado del He_2 se obtiene excitando un electrón del OM antienlazante $1\sigma_u$ al OM enlazante $2\sigma_g$. Escribe la configuración electrónica. ¿Cuáles son las posibles funciones de onda incluyendo el espín? ¿Cuál es el orden de enlace? Indicar si los estados electrónicos son g o u .
65. Describir el estado electrónico fundamental y la multiplicidad, utilizando las configuraciones electrónicas, de las siguientes especies:
a) He_2^+ , b) Li_2 , c) Be_2 , d) C_2 , e) N_2 , f) F_2 .
66. Calcular la densidad de probabilidad electrónica en el punto medio de los hidrógenos en el H_2^+ para los estados descritos por
a) $\phi_+ = 0.56(1s_A + 1s_B)$, b) $\phi_- = 1.10(1s_A - 1s_B)$
para la distancia internuclear $R = 106$ pm.
67. Aplicando la teoría de orbitales moleculares, indíquese cuál de las siguientes moléculas, F_2 , F_2^- y F_2^+ , tendrá mayor energía de disociación.
68. Dibujar el diagrama de niveles de energía de la molécula de O_2^+ . Determinar su estructura electrónica y justificar que su estado fundamental es $^2\Pi_g$.
69. Deducir el término espectral más estable correspondiente a cada una de las siguientes configuraciones electrónicas de moléculas diatómicas homonucleares: $\sigma_u^2, \sigma_u\sigma'_u, \sigma_g\sigma_u, \sigma_g\pi_u, \pi_g\pi_u, \pi_g^2, \pi_u^3$.
70. Dadas las curvas de energía potencial para las moléculas diatómicas H_2^+ y H_2 , calcular la energía de disociación del H_2^+ ($D_0(H_2^+)$) sabiendo que la energía de disociación del H_2 es $D_0(H_2) = 4.478$ eV y que el potencial de ionización del H_2 es $PI(H_2) = 15.426$ eV.



71. Calcular R_e , D_0 , D_e para las moléculas diatómicas H_2 y H_2^+ de la gráfica anterior, así como el PI del H_2 .
72. En la siguiente figura se representa la superficie de energía potencial para la reacción colineal $HF + H \rightarrow F + H_2$. Indicar cuáles son los reactivos, productos, estado de transición y dibujar cualitativamente el camino de mínima energía.

